

Chapitre 1. Arbres binaires de recherche. Tas.

Exercice 2 On définit le type d'arbres binaires :

```
type 'a arbre =
  | Vide
  | N of 'a * 'a arbre * 'a arbre;;
```

a) Écrire une fonction `arbre_de_tas : int array -> int arbre` qui transforme, un tas codé par un tableau en un arbre codé par le type `int arbre`.

On utilise une fonction auxiliaire récursive : `aux i` retourne le sous-arbre de racine `t.(i)`

```
let arbre_de_tas t =
  let rec aux i =
    if i > t.(0) then Vide
    else N(t.(i), aux (2 * i), aux(2 * i + 1)) in
  aux 1;;
```

b) Écrire la fonction réciproque `tas_d_arbre` de la fonction précédente.

On aura besoin d'une fonction donnant la taille d'un arbre du type `'a arbre`

```
let rec taille a = match a with
  | Vide -> 0
  | N(_,g,d) -> 1 + taille g + taille d;;
```

Pour écrire la fonction demandée, on crée un tableau `t` de taille adéquate qu'on remplit ensuite à l'aide d'une fonction auxiliaire : `aux i b` complète la partie de `t` concernant `t.(i)` et ses fils, `b` étant le sous-arbre de `a` de racine `t.(i)`

```
let tas_d_arbre a =
  let n = taille a in
  let t = Array.make (n + 1) n in
  let rec aux i a = match a with
    | Vide -> ()
    | N(x,g,d) -> t.(i) <- x; aux (2 * i) g; aux (2 * i + 1) d
  in aux 1 a;
  t;;
```